## Dinâmica de um Sistema de Partículas

Faculdade de Engenharia, Arquiteturas e Urbanismo - FEAU



Profa. Dra. Diana Andrade Prof. Dr. Sergio Pilling

# 1ª Lista de exercícios

# Parte 1 – Cinemática A) Sistema de unidades

# 1.

Quando, segundo a lenda, Feidípides correu de Maratona até Atenas, em 490 a.C., para levar a notícia da vitória dos gregos sobre os persas, ele provavelmente correu a uma velocidade de cerca de 23 rides por hora (rides/h). O ride é uma antiga unidade grega para comprimento, como o stadium e o plethron: 1 ride valia 4 stadia, 1 stadium valia 6 plethra e, em termos de uma unidade moderna, 1 plethron equivale a 30,8 m. Qual foi a velocidade de Feidípides em quilômetros por segundo (km/s)?

# 2.

(a) Supondo que a água tenha uma massa específica de exatamente 1 g/cm³, determine a massa de um metro cúbico de água em quilogramas. (b) Suponha que são necessárias 10,0 h para drenar um recipiente com 5700 m³ de água. Qual é a "vazão de massa" da água do recipiente, em quilogramas por segundo?

# **3.**

Um antigo manuscrito revela que um proprietário de terras no tempo do rei Artur possuía 3,00 acres de terra cultivada e uma área para criação de gado de 25,0 perchas por 4,00 perchas. Qual era a área total (a) na antiga unidade de roods e (b) na unidade mais moderna de metros quadrados? 1 acre é uma área de 40 perchas por 4 perchas, 1 rood é uma área de 40 perchas por 1 percha, e 1 percha equivale a 16,5 pés.

# 4.

Um cubo de açúcar típico tem 1 cm de aresta. Qual é o valor da aresta de uma caixa cúbica com capacidade suficiente para conter um mol de cubos de açúcar? (Um mol =  $6.02 \times 10^{23}$  unidades.)

## **5.**

Os degraus de uma escada têm 19 cm de altura e 23 cm de largura. As pesquisas mostram que a escada será mais segura na descida se a largura dos degraus for aumentada para 28 cm. Sabendo que a altura da escada é de 4,57 m, qual será o aumento da distância horizontal coberta pela escada se a modificação da largura dos degraus for executada?

#### 6.

As dimensões das letras e espaços de um livro são expressas em termos de pontos e paicas: 12 pontos = 1 paica e 6 paicas = 1 polegada. Se em uma das provas do livro uma figura apareceu deslocada de 0,80 em relação à posição correta, qual foi o deslocamento (a) em paicas e (b) em pontos?

# **7**.

A Terra tem a forma aproximada de uma esfera com 6,37 × 10<sup>6</sup> m. Determine (a) a circunferência da Terra em quilômetros, (b) a área da superfície da Terra em quilômetros quadrados e (c) o volume da Terra em quilômetros cúbicos.

#### Parte 1 – Cinemática

# B) Movimento em uma dimensão

#### 1.

Que distância seu carro percorre, a 88 km/h, durante 1 s em que você olha um acidente à margem da estrada?

## 2.

Um jogador de beisebol consegue lançar a bola com velocidade horizontal de 160 km/h, medida por um radar portátil. Em quanto tempo a bola atingirá o alvo, situado a 18,4 m?

# **3.**

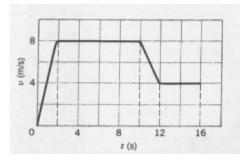
Um avião a jato pratica manobras para evitar detecção pelo radar e está 35 m acima do solo plano (veja fig. abaixo). Repentinamente ele encontra uma rampa levemente inclinada de 4,3°, o que é difícil de detetar. De que tempo dispõe o piloto para efetuar uma correção que evite um choque com o solo? A velocidade em relação ao ar é de 1.300 km/h.

## 4.

Dois trens, cada um com a velocidade escalar de 34 km/h, aproximam-se um do outro na mesma linha. Um pássaro que pode voar a 58 km/h parte de um dos trens quando eles estão distantes 102 km e dirige-se diretamente ao outro. Ao alcançá-lo, o pássaro retorna diretamente para o primeiro trem e assim sucessivamente. (a) Quantas viagens o pássaro pode fazer de um trem ao outro antes de eles se chocarem? (b) Qual a distância total que o pássaro percorre?

## **5.**

Que distância percorre em 16 s um corredor cujo gráfico velocidade-tempo é o da figura abaixo?



#### 6.

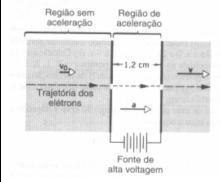
Para decolar, um avião a jato necessita alcançar no final da pista a velocidade de 360 km/h. Supondo que a aceleração seja constante e a pista tenha 1,8 km, qual a aceleração mínima necessária, a partir do repouso?

#### 7.

A cabeça de uma cascavel pode acelerar  $50 \text{ m/s}^2$  ao atacar uma vítima. Se um carro pudesse fazer o mesmo, em quanto tempo ele alcançaria a velocidade escalar de 100 km/h a partir do repouso?

# 8.

Um elétron, com velocidade inicial  $v_0 = 1.5 \times 10^5 \, \mathrm{m/s}$ , entra numa região com 1,2 cm de comprimento, onde ele é eletricamente acelerado (veja Fig. ). O elétron emerge com velocidade de  $5.8 \times 10^6 \, \mathrm{m/s}$ . Qual a sua aceleração, suposta constante? (Tal processo ocorre no canhão de elétrons de um tubo de raios catódicos, utilizado em receptores de televisão e terminais de vídeo.)



#### 9.

A maior velocidade em terra já registrada foi de 1.020 km/h, alcançado pelo coronel John P. Stapp em 19 de março de 1954, tripulando um assento jato-propulsado. Ele e o veículo foram parados em 1,4 s:

Que aceleração ele experimentou? Exprima sua resposta em termos da aceleração da gravidade  $g = 9.8 \text{ m/s}^2$ . (Note que o corpo do militar atua como um acelerômetro, não como um velocímetro.)

## 10.

Um trem de metrô acelera a partir do repouso a 1,20 m/s² em uma estação para percorrer a primeira metade da distância até a estação seguinte e depois desacelera a –1,20 m/s² na segunda metade da distância de 1,10 km entre as estações. Determine: (a) o tempo de viagem entre as estações e (b) a velocidade escalar máxima do trem.

#### 11.

No momento em que a luz de um semáforo fica verde, um automóvel arranca com aceleração de  $2.2 \text{ m/s}^2$ . No mesmo instante um caminhão, movendo-se à velocidade constante de 9.5 m/s, alcança e ultrapassa o automóvel. (a) A que distância, além do ponto de partida, o automóvel alcança o caminhão? (b) Qual será a velocidade do carro nesse instante? (É instrutivo desenhar um gráfico qualitativo de x(t) para cada veículo.).

## **12.**

No manual de motorista diz que um automóvel com bons freios e movendo-se a 80 km/h pode parar na distância de 56 m. Para a velocidade de 48 km/h a distância correspondente é 24 m.Suponha que sejam iguais, nas duas velocidades, tanto o tempo de reação do motorista, durante o qual a aceleração é nula, como a aceleração quando aplicados os freios. Calcule (a) o tempo de reação do motorista e (b) a aceleração.

## **13.**

Uma rocha despenca de um penhasco de 100 m de altura. Quanto tempo leva para cair (a) os primeiros 50 m e (b) os 50 m restantes?

## **14.**

Um jogador de basquete, no momento de "enterrar" a bola, salta 76 cm verticalmente. Que tempo passa o jogador (a) nos 15 cm mais altos do pulo e (b) nos 15 cm mais baixos? Isso explica por que esses jogadores parecem suspensos no ar no topo de seus pulos.

# **15.**

O laboratório de pesquisa da gravidade nula do Centro de Pesquisa Lewis da NASA (EUA) tem uma torre de queda de 145 m. Trata-se de um dispositivo vertical onde se fez vácuo e que, entre outras possibilidades, permite estudar a queda de uma esfera com diâmetro de 1 m, que contém equipamentos. (a) Qual o tempo de queda do equipamento? Qual sua velocidade ao pé da torre? (c) Ao pé da torre a esfera tem uma aceleração média de 25 g quando sua velocidade é reduzida a zero. Que distância ela percorre até parar?

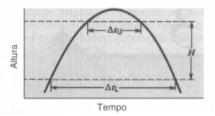
#### **16.**

Um balão está subindo a 12,4 m/s à altura de 81,3 m acima do solo quando larga um pacote. (a) Qual a velocidade do pacote ao atingir o solo? (b) Quanto tempo ele leva para chegar ao solo?

## **17.**

No Laboratório Nacional de Física da Inglaterra (o equivalente ao nosso Instituto Nacional de Pesos e Medidas) foi realizada uma medição de g atirando verticalmente para cima uma bola de vidro em um tubo sem ar e deixando-a retornar. A figura é o gráfico da altura da bola em função do tempo. Seja  $\Delta t_L$  o intervalo de tempo entre duas passagens consecutivas da bola pelo nível inferior,  $\Delta t_U$  o intervalo de tempo entre duas passagens consecutivas pelo nível superior e H a distância entre os dois níveis. Prove que

$$g = \frac{8H}{\Delta t_L^2 - \Delta t_U^2}.$$



#### 18.

Um cachorro avista um pote de flores passar subindo e a seguir descendo por uma janela com 1,1 m de altura. O tempo total durante o qual o pote é visto é de 0,74 s. Determine a altura alcançada pelo pote acima do topo da janela.

# Parte 1 – Cinemática C) Vetores

## 1.

Uma estação de radar detecta um avião que vem do Leste. No momento em que é observado pela primeira vez, o avião está a 400 m de distância, 40° acima do horizonte, O avião é acompanhado por mais 123° no plano vertical Leste-Oeste e está a 860 m de distância quando é observado pela última vez. Calcule o deslocamento da aeronave durante o período de observação.

## 2

Uma partícula se move ao longo de um plano XY e seu movimento é definido pelas equações x=4t<sup>4</sup>-6t e y=6t<sup>3</sup>-2t<sup>2</sup> (m, s). a) Determine o vetor posição da partícula em relação ao centro de coordenadas. B) Determine o vetor velocidade e o vetor aceleração. C) Calcule o modulo da velocidade e da aceleração da paricula nos instantes t=1s, t=2s e t=4s.

## **3.**

O movimento de uma dada partícula é definido pelo vetor posição  $\vec{r} = A(\cos t + t \sin t)\hat{i} + A(\sin t - t \cos t)\hat{j}$ , no qual t e expresso em segundos. Determine os valores de t para os quais os vetores posição e de aceleração são: a) perpendiculares e b) paralelos.

Dica: para determinar se vetores são paralelos ou perpendiculares entre si estudar os produtos escalares e vetoriais entre eles.

#### 4.

A posição de uma partícula que se move em um plano xy é dada por  $\mathbf{r} = (2t^3 - 5t)\mathbf{i} + (6 - 7t^4)\mathbf{j}$ , com r em metros e t em segundos. Calcule (a)  $\mathbf{r}$ , (b)  $\mathbf{v}$  e (c)  $\mathbf{a}$  quando t = 2 s.

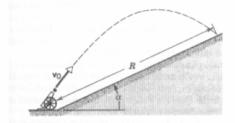
#### Parte 1 – Cinemática

## D) Movimento em uma duas e três dimensões

1. Uma bola é jogada do solo para o ar. A uma altura de 9.1 m a velocidade é v = 7.6 i+6.1 j em metros por segundo (i horizontal, j vertical). (a) Qual a altura máxima alcançada pela bola? (b) Qual será a distância horizontal alcançada pela bola? (c) Qual a velocidade da bola (módulo e direção), no instante em que bate no solo?

# **2.**

Um canhão é posicionado para atirar projéteis com velocidade inicial  $v_0$  diretamente acima de uma elevação de ângulo  $\alpha$ , como mostrado na Fig. Que ângulo o canhão deve fazer com a horizontal de forma a ter o alcance máximo possível acima da elevação?



## **3.**

Uma criança gira uma pedra em um círculo horizontal a 1,9 m acima do chão, por meio de uma corda de 1,4 m de comprimento. A corda arrebenta e a pedra sai horizontalmente, caindo no chão a 11 m de distância. Qual era a aceleração centrípeta enquanto estava em movimento circular?

#### 4

A neve está caindo verticalmente à velocidade escalar constante de 7,8 m/s. (a) A que ângulo com a vertical e (b)com qual velocidade os flocos de neve parecem estar caindo para o motorista de um carro que viaja numa estrada reta à velocidade escalar de 55 km/h?

## 5.

Um trem viaja para o Sul a 28 m/s (relativamente ao chão), sob uma chuva que está sendo soprada para o sul pelo vento. A trajetória de cada gota de chuva faz um ângulo de 64º com a vertical, medida por um observador parado em relação à Terra. Um observador no trem, entretanto, observa traços perfeitamente verticais das gotas na janela do trem. Determine a velocidade das gotas em relação à Terra.

## 6.

Um homem quer atravessar um rio de 500 m de largura. A velocidade escalar com que consegue remar (relativamente à água) é de 3,0 km/h. O rio desce à velocidade de 2,0 km/h. A velocidade com que o homem caminha em terra é de 5,0 km/h. (a) Ache o trajeto (combinando andar e remar) que ele deve tomar para chegar ao ponto diretamente oposto ao seu ponto de partida no menor tempo. (b) Quanto tempo ele gasta?

#### 7.

Um navio de guerra navega para leste a 24 km/h. Um submarino a 4,0 km de distância atira um torpedo que tem a velocidade escalar de 50 km/h. Se a posição do navio, visto do submarino, está 20° a nordeste (a) em qual direção o torpedo deve ser lançado para acertar o navio, e (b) que tempo decorrerá até o torpedo alcançar o navio?